

f.n.d. $f(x,y,z) = \sum m(3,4,5,6,7)$

Significa que

(*) "Vale 1 exactamente para las combinaciones
 $3 \leftrightarrow \overset{x \ y \ z}{0 \ 1 \ 1}$, $4 \leftrightarrow 100$, $5 \leftrightarrow 101$,
 $6 \leftrightarrow 110$, $7 \leftrightarrow 111$
 y vale 0 para el resto de posibles valores
 de x, y, z ."

Los minterms para esas combinaciones son
 los productos que valen 1 exactamente en ellas:

$$011 \overset{\substack{\text{vale 1} \\ \text{para}}}{\leftrightarrow} \bar{x} \cdot y \cdot z, \quad 100 \leftrightarrow x \cdot \bar{y} \cdot \bar{z}, \quad 101 \leftrightarrow x \cdot \bar{y} \cdot z,$$

$$110 \leftrightarrow x \cdot y \cdot \bar{z}, \quad 111 \leftrightarrow x \cdot y \cdot z$$

Así;

$$f(x,y,z) = \sum m(3,4,5,6,7) =$$

$$= \bar{x} \cdot y \cdot z + x \cdot \bar{y} \cdot \bar{z} + x \cdot \bar{y} \cdot z + x \cdot y \cdot \bar{z} + x \cdot y \cdot z,$$

que cumple (*).

f.n.c. $f(x,y,z) = \prod M(5,6,7)$

Significa que

"Vale 0 exactamente para las combinaciones
 complementarias a éstas;

$$5 \leftrightarrow 101 \overset{\text{complem.}}{\leftrightarrow} \boxed{010 \leftrightarrow 2 = 2^3 - 1 - 5}$$

$$6 \leftrightarrow 110 \leftrightarrow \boxed{001 \leftrightarrow 1 = 2^3 - 1 - 6}$$

$$7 \leftrightarrow 111 \leftrightarrow \boxed{000 \leftrightarrow 0 = 2^3 - 1 - 7}$$

y vale 1 para el resto de posibles valores
 de x, y, z ."

Los maxterms para esas combinaciones son
 las sumas que valen 0 exactamente en ellas:

$$010 \overset{\substack{\text{vale 0} \\ \text{para}}}{\leftrightarrow} x + \bar{y} + z, \quad 001 \leftrightarrow x + y + \bar{z}, \quad 000 \leftrightarrow x + y + z$$

Así;

$$f(x,y,z) = \prod M(5,6,7) =$$

$$= (x + \bar{y} + z) \cdot (x + y + \bar{z}) \cdot (x + y + z),$$

que vale 0 exactamente para las combinaciones
0, 1 y 2, y vale 1 para el resto, así que cumple (*)
 y es la misma función.